



Analisi qualitativa

$$\omega \rightarrow 0 \Rightarrow |X_L| = \omega \cdot L = 0 \text{ c.t.o. c.t.o.} \Rightarrow$$

$$\bar{V}_2 = \bar{V}_1$$

$\omega \rightarrow +\infty \quad |X_L| \rightarrow +\infty$  l'induttore si comporta da

circuito aperto  $\Rightarrow \bar{V}_2 = 0$

Il quadrupolo rappresenta un filtro passa basso di tipo passivo

Analisi quantitativa

$$\bar{V}_2 = \bar{V}_1 \frac{R}{R + \bar{X}_L} = \bar{V}_1 \frac{R}{R + j\omega L} = \bar{V}_1 \frac{R}{R(1 + j\frac{\omega L}{R})} = \bar{V}_1 \cdot \frac{1}{1 + j\frac{\omega L}{R}}$$

f.d.t.  $\frac{\bar{V}_2}{\bar{V}_1} = \frac{1}{1 + j\frac{\omega L}{R}}$

Atteenuazione:  $\left| \frac{\bar{V}_2}{\bar{V}_1} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega L}{R}\right)^2}}$

Si conferma che per  $\omega \rightarrow 0$   
 $\left| \frac{\bar{V}_2}{\bar{V}_1} \right| = 1 \Rightarrow V_2 = V_1$   
 $\omega \rightarrow \infty \quad \left| \frac{\bar{V}_2}{\bar{V}_1} \right| = 0 \Rightarrow \bar{V}_2 = 0$

Sfasamento

$$\angle \frac{\bar{V}_2}{\bar{V}_1} = \angle 1 - \angle \left( 1 + j\frac{\omega L}{R} \right) = -\arctan \frac{\omega L}{R}$$

Calcolo della frequenza di taglio:

$$\left| \frac{\bar{V}_2}{\bar{V}_1} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega L}{R}\right)^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow 1 + \left(\frac{\omega L}{R}\right)^2 = 2; \quad \frac{\omega L}{R} = 1 \Rightarrow$$

$$\omega_c = \frac{1}{L/R}; \quad 2\pi f_c = \frac{1}{L/R} \Rightarrow f_c = \frac{1}{2\pi L/R}$$